

関数 $f(x) = a\sin^2 x + b\cos^2 x + c\sin x\cos x$ の最大値が 2, 最小値が -1 となる。このような a, b, c をすべて求めよ。ただし, a は整数, b, c は実数とする。

(お茶の水女子大)