

整式 $f(x)$ と実数 C が

$$\int_0^x f(y)dy + \int_0^1 (x+y)^2 f(y)dy = x^2 + C$$

を満たすとき, この $f(x)$ と C を求めよ。

(京都大)